SÉMINAIRE DUBREIL. ALGÈBRE ET THÉORIE DES NOMBRES

MICHÈLE BENOIS

Application de l'étude de certaines congruences à un problème de décidabilité

Séminaire Dubreil. Algèbre et théorie des nombres, tome 26 (1972-1973), exp. n° 7, p. 1 http://www.numdam.org/item?id=SD_1972-1973_26_A7_0

© Séminaire Dubreil. Algèbre et théorie des nombres (Secrétariat mathématique, Paris), 1972-1973, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la collection « Séminaire Dubreil. Algèbre et théorie des nombres » implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (http://www.numdam.org/conditions). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.



5 mars 1973

APPLICATION DE L'ÉTUDE DE CERTAINES CONGRUENCES À UN PROBLÈME DE DÉCIDABILITÉ

par Michèle BENOIS

Résumé

Étant donnés un monoïde X^* librement et finiment engendré par un ensemble X, et une congruence de le monoïde engendrée elle-même par une relation finie, le problème du mot consiste à reconnaître si deux éléments du quotient, définis par deux représentants dans X^* , sont distincts ou non.

Ce problème est en général indécidable ; on décrit une famille de congruences pour lesquelles il est décidable, et on fournit un procédé permettant de décider.

L'étude des différentes expressions d'un élément f de X^* permet de comparer cette famille avec celle des congruences engendrées par un seul couple (f, 1) de $X^* \times X^*$ (où 1 représente le neutre de X^*), et donc de résoudre le problème du mot dans ce cas.

Michèle BENOIS Université de Grenoble Mathématiques appliquées Boîte postale 53 38041 GRENOBLE CEDEX