# SÉMINAIRE CHOQUET. INITIATION À L'ANALYSE

## GHIAS HACHEM

### Sur certains théorèmes de Lazar et de Lindenstrauss

*Séminaire Choquet. Initiation à l'analyse*, tome 10, n° 2 (1970-1971), exp. n° 19, p. 1 <a href="http://www.numdam.org/item?id=SC\_1970-1971">http://www.numdam.org/item?id=SC\_1970-1971</a>\_10\_2\_A2\_0>

© Séminaire Choquet. Initiation à l'analyse (Secrétariat mathématique, Paris), 1970-1971, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la collection « Séminaire Choquet. Initiation à l'analyse » implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (http://www.numdam.org/conditions). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.



Séminaire CHOQUET (Initiation à l'analyse) 10e année, 1970/71, nº 19, 1 p.

## SUR CERTAINS THÉORÈMES DE LAZAR ET DE LINDENSTRAUSS

#### par Chias HACHEM

Cet exposé, conçu dans un but d'information, reposait essentiellement sur le mémoire de LINDENSTRAUSS [7] et l'article de LAZAR [6].

On y étudiait les espaces de Lindenstrauss, c'est-à-dire les espaces de Banach dont le dual est un espace  $L^1(\mu)$  relatif à une mesure  $\mu$  définie sur un espace localement compact  $\Omega$ . Ces espaces sont caractérisés de deux façons différentes :

1º à 1º aide d'un théorème de LINDENSTRAUSS portant sur des propriétés d'intersection relatives aux boules de ces espaces, et sur les propriétés de prolongement relatives aux opérateurs compacts à valeurs dans ces espaces.

2° à l'aide d'un théorème de LAZAR caractérisant un espace de Lindenstrauss à partir de la boule unité de son dual.

#### BIBLIOGRAPHIE

- [1] ANCONA (A.). Sur une caractérisation des C(X) à X stonien, Séminaire Brelot-Choquet-Deny: Théorie du potentiel, 12e année, 1967/68, nº 3, 14 p.
- [2] EFFROS (E. G.). Structure in simplexes, Acta Math., Uppsala, t. 117, 1967, p. 103-121.
- [3] EFFROS (E. G.). On certain classes of real Fanach spaces, Israel J. Math., t. 9, 1971, p. 430-458.
- [4] FAKHOURY (H.). Préduaux de Lespaces, notion de centre, J. of funct. Anal. (à paraître).
- [5] GROTHENDIECK (A.). Une caractérisation vectorielle-métrique des espaces L<sup>1</sup>, Canad. J. Math., t. 7, 1955, p. 552-561.
- [6] LAZAR (A.). The unit ball in conjugate L<sub>1</sub>-spaces (à paraître).
- [7] LINDENSTRAUSS (J.). Extension of compact operators. Providence, American mathematical Society, 1964 (Memoirs of the American mathematical Society, 48).
- [8] MOKOBODZKI (G.). Quelques propriétés des fonctions numériques convexes (sci ou scs) sur un ensemble convexe compact, Séminaire Brelot-Choquet-Deny:
  Théorie du potentiel, 6e année, 1961/62, n° 9, 3 p.
- [9] PHELPS (R.). Lectures on Choquet's theorem. New York, Van Nostrand Company, 1966 (Van Nostrand mathematical Studies, 7).
- [10] STOER (J.) and WITZGALL (C.). Convexity and optimization in finite dimensions, I. Berlin, Springer-Verlag, 1970 (Grundlehren der mathematischen Wissenschaften, 163).

(Texte reçu le 11 octobre 1971)

Ghias HACHEM 67 rue du Bac 75 - PARIS 07