

## **Théorème segmentaire sur le triangle inscrit dans une conique**

*Nouvelles annales de mathématiques 1<sup>re</sup> série*, tome 13  
(1854), p. 35-36

[http://www.numdam.org/item?id=NAM\\_1854\\_1\\_13\\_\\_35\\_1](http://www.numdam.org/item?id=NAM_1854_1_13__35_1)

© Nouvelles annales de mathématiques, 1854, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Nouvelles annales de mathématiques » implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme  
Numérisation de documents anciens mathématiques

<http://www.numdam.org/>

---

---

## THÉORÈME SEGMENTAIRE SUR LE TRIANGLE INSCRIT DANS UNE CONIQUE.

---

THÉORÈME. *Un triangle étant inscrit dans une conique, toute sécante menée par le pôle d'un des côtés coupe les deux autres côtés en deux points polairement conjugués.*

*Démonstration.* Soit  $ABC$  le triangle inscrit; par le pôle de  $AB$  menons une sécante coupant le côté  $BC$  en  $D$  et côté  $AC$  prolongé en  $E$ ; soient  $F$  le point où la droite  $BE$  rencontre la conique et  $G$  le point de rencontre des côtés opposés  $AB, CF$  du quadrilatère inscrit  $ABCF$ , et  $D'$  le point d'intersection des diagonales  $AF, BC$  du même quadrilatère. D'après une propriété connue, les trois points  $D', E, G$  sont polairement conjugués, et  $D'G$  est la polaire du point  $E$  qui est sur la sécante: mais  $BAG$  est la polaire d'un autre point de la sécante, donc  $G$  est le pôle de la sécante  $DE$ ; mais  $G$  est aussi le pôle de la droite  $D'E$ , donc les points  $D$  et  $D'$  se confondent; donc  $D$  et  $E$  sont polairement conjugués. c. q. f. d.

*Corollaire 1.* Si la sécante est un diamètre conjugué au côté  $AB$ , le demi-diamètre est une moyenne proportionnelle géométrique entre  $OD$  et  $OE$ ,  $O$  étant le centre de la conique.

*Corollaire 2.* Connaissant trois points d'une conique et le centre, le corollaire précédent fait connaître la

*grandeur* d'un demi-diamètre conjugué à l'un des côtés du triangle donné, et par conséquent on peut construire tous les éléments de la conique sans qu'elle soit tracée.

*Corollaire 3.* Étant données cinq tangentes à une conique; au moyen du théorème de Newton sur le quadrilatère circonscrit, on détermine le centre; par le théorème de Brianchon sur l'hexagramme circonscrit, on détermine les points de contact; l'on revient ainsi au corollaire 2.

*Corollaire 4.* Étant donnés cinq points d'une conique; au moyen de l'hexagramme de Pascal, on détermine les cinq tangentes qui passent par ces points, et l'on revient au corollaire 3.

*Note.* J'ai trouvé ce théorème, réduit au corollaire 1<sup>er</sup>, dans l'ouvrage suivant : *Trattato elementare di Geometria analitica*; per Rafaele Rubini. Napoli, 1852; in-8° de 496 pages. C'est l'œuvre d'un jeune homme, dédié à son professeur Fortunata Padula, auteur d'un *Raccolta di problemi di geometria risolti con l'analisi algebrica*. La simple démonstration *segmentaire* du théorème m'a été donnée par M. A. Mannheim; l'habile géomètre vient de faire construire une *Règle à calcul cylindrique*, plus commode, plus exacte, que sa règle plate (voir t. XII, p. 327), et plus portative (\*). Nous remarquerons, à cette occasion, qu'à la Notice bibliographique donnée par M. Benoit, sur cette règle (voir t. XII, p. 328), on doit ajouter l'ouvrage *Usus scalarum logisticarum*, du célèbre Segner (Jean-André de), et qui ne se trouve pas à la Bibliothèque impériale.

---