
EXTRAIT D'UNE LETTRE DE M. J. TANNERY.

Dans son intéressant Mémoire sur les *Systèmes d'équations différentielles linéaires et homogènes*, M. Sauvage expose, en me l'attribuant, une méthode pour former l'équation différentielle linéaire

$$U_0 \frac{d^n y}{dx^n} + U_1 \frac{d^{n-1} y}{dx^{n-1}} + \dots + U_n y = 0$$

que vérifient les n solutions y_1, y_2, \dots, y_n d'une équation algébrique entière

$$f(x, y) = 0$$

entre x, y de degré n en y . C'est M. Hermite, dont je n'ai pas besoin de vanter ici la bienveillance, qui m'avait indiqué cette méthode. M. Sauvage a d'ailleurs augmenté l'intérêt de cet exemple en montrant le caractère d'une racine x' de l'équation $U_0 = 0$ qui n'est pas une valeur critique pour aucune des fonctions y_1, y_2, \dots, y_n ; il existe alors un système de constantes C_1, C_2, \dots, C_n telles que le développement de la fonction

$$C_1 y_1 + C_2 y_2 + \dots + C_n y_n,$$

suivant les puissances de $x - x'$, commence par un terme de degré n au moins, et l'on a ainsi un exemple très net et très simple de points qui ne sont singuliers qu'en apparence.
