

# ANNALES SCIENTIFIQUES DE L'É.N.S.

RIQUIER

## Sur les principes de la théorie générale des fonctions

*Annales scientifiques de l'É.N.S. 3<sup>e</sup> série*, tome 9 (1892), p. 281-282

[http://www.numdam.org/item?id=ASENS\\_1892\\_3\\_9\\_\\_281\\_0](http://www.numdam.org/item?id=ASENS_1892_3_9__281_0)

© Gauthier-Villars (Éditions scientifiques et médicales Elsevier), 1892, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Annales scientifiques de l'É.N.S. » (<http://www.elsevier.com/locate/ansens>) implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme  
Numérisation de documents anciens mathématiques  
<http://www.numdam.org/>

SUR LES PRINCIPES  
DE LA  
THÉORIE GÉNÉRALE DES FONCTIONS,

PAR M. RIQUIER,

PROFESSEUR A LA FACULTÉ DES SCIENCES DE CAEN.



Dans un passage du Mémoire que j'ai publié l'année dernière *Sur les principes de la théorie générale des fonctions* (*Annales de l'École Normale supérieure*, mai 1891, depuis la ligne 24 de la page 146 jusqu'à la ligne 4 de la page 148), j'ai, par mégarde, laissé subsister quelques erreurs de rédaction qui, bien que fort légères, rendent peut-être le passage en question difficilement intelligible : je le rétablis ci-dessous avec les corrections voulues.

.....

Si l'on considère maintenant les différences

$$\text{mod}(x_1 - x_0) - \text{mod}(X - x_0), \quad \text{mod}(y_1 - y_0) - \text{mod}(Y - y_0), \quad \dots,$$

un certain nombre d'entre elles,

$$\text{mod}(x_1 - x_0) - \text{mod}(X - x_0), \quad \dots,$$

sont  $\geq 0$ , tandis que les autres,

$$\text{mod}(y_1 - y_0) - \text{mod}(Y - y_0), \quad \dots,$$

sont  $\leq 0$ . Cela étant, les deux arcs continus

$$(27) \quad \left\{ \begin{array}{l} x = x_1 + (X - x_1)s, \\ \dots\dots\dots\dots\dots\dots\dots\dots \\ y = y_1, \\ \dots\dots\dots \end{array} \right.$$

et

$$(28) \quad \begin{cases} x = X, \\ \dots\dots\dots, \\ y = y_1 + (Y - y_1)t, \\ \dots\dots\dots, \end{cases}$$

dépendant chacun d'une indéterminée réelle assujettie à varier de 0 à 1, sont entièrement situés dans les limites de convergence de la série proposée. Effectivement, le premier de ces arcs commençant en  $(x_1, y_1, \dots)$ , le second se terminant en  $(X, Y, \dots)$ , et les points  $(x_1, y_1, \dots)$ ,  $(X, Y, \dots)$  se trouvant compris l'un et l'autre dans les limites en question, il suffit de faire voir que les différences

$$\text{mod}(x_1 - x_0) - \text{mod}(x - x_0), \quad \dots$$

sont  $\geq 0$  sur toute l'étendue du premier arc, et que les différences

$$\text{mod}(Y - y_0) - \text{mod}(y - y_0), \quad \dots$$

jouissent de la même propriété sur toute l'étendue du second. Or, si l'on tient compte des inégalités

$$\begin{aligned} \text{mod}(x_1 - x_0) &\geq \text{mod}(X - x_0), \quad \dots, \\ \text{mod}(y_1 - y_0) &\leq \text{mod}(Y - y_0), \quad \dots, \end{aligned}$$

les relations évidentes

$$\begin{aligned} \text{mod}(x_1 - x_0) - (1 - s) \text{mod}(x_1 - x_0) - s \text{mod}(x_1 - x_0) &= 0, \quad \dots, \\ \text{mod}(Y - y_0) - (1 - t) \text{mod}(Y - y_0) - t \text{mod}(Y - y_0) &= 0, \quad \dots \end{aligned}$$

donnent successivement, les premières,

$$\begin{aligned} \text{mod}(x_1 - x_0) - (1 - s) \text{mod}(x_1 - x_0) - s \text{mod}(X - x_0) &\geq 0, \quad \dots, \\ \text{mod}(x_1 - x_0) - \text{mod}[(1 - s)(x_1 - x_0) + s(X - x_0)] &\geq 0, \quad \dots, \\ \text{mod}(x_1 - x_0) - \text{mod}[x_1 + (X - x_1)s - x_0] &\geq 0, \quad \dots, \end{aligned}$$

les dernières,

$$\begin{aligned} \text{mod}(Y - y_0) - (1 - t) \text{mod}(y_1 - y_0) - t \text{mod}(Y - y_0) &\geq 0, \quad \dots, \\ \text{mod}(Y - y_0) - \text{mod}[(1 - t)(y_1 - y_0) + t(Y - y_0)] &\geq 0, \quad \dots, \\ \text{mod}(Y - y_0) - \text{mod}[y_1 + (Y - y_1)t - y_0] &\geq 0, \quad \dots \end{aligned}$$